# 深层平板试验和单桩竖向抗压静载试验的对比分析

江小兵1,吴红兵1,张浩博2

(1. 中国有色金属工业西安勘察设计研究院, 陕西 西安 710054; 2. 西安理工大学土木建筑工程学院, 陕西 西安 710048)

摘要:根据 Mindlin 理论弹性位移解,结合有限元算例,分析了在同等荷载工作条件下深层平板和单桩竖向抗压静 载试验的竖向位移差异。深层平板与单桩竖向抗压静载试验产生的竖向位移的比值,随着桩径的增大而减小,在 常规桩径 0.8~2.0 m 范围内,两者的比值为 3.2~4.6 倍。工程实例发现,两者的比值可达 4.5~7.2 倍。因此,深 层平板载荷试验不能充分挖掘单桩竖向受力潜能,其试验结果不能真实反应单桩竖向受力性能,不应采用深层平 板载荷试验确定桩端承载力,而应采用单桩竖向抗压静载试验确定承载力。

关键词: Mindlin 位移解; 深层平板载荷试验; 单桩竖向抗压静载试验; 竖向位移; 有限元计算; 对比分析

文章编号:1672-7428(2018)01-0084-05 中图分类号:TU443 文献标识码:A

Comparative Analysis on the Deep Plate Test and Single Pile Vertical Compressive Static Load Test/JIANG Xiaobing<sup>1</sup>, WU Hong-bing<sup>1</sup>, ZHANG Hao-bo<sup>2</sup> (1. Xi' an Investigation Institute of China National Nonferrous Metals Industry, Xi'an Shaanxi 710054, China; 2. Institute of Civil Engineering, Xi'an University of Technology, Xi'an Shaanxi 710048, China)

Abstract: Based on the Mindlin elastic displacement solution and combined with finite element numerical example, the analysis is made on the vertical deformation difference of deep plate test and single pile vertical compressive static load test under the same load condition. The ratio of vertical displacement resulted from these 2 tests decreases with the increase of pile diameter, and the ratio is 3.2 ~4.6 while the conventional pile diameters are within the range of 0.8 ~2.0m. The engineering example shows that the ratio of the both can be 4.5 ~ 7.2 times. Therefore, single pile vertical load-bearing potential can not be fully exploited in the deep plate loading test and the test results can not truly reflect the single pile vertical load-bearing performance. The bearing capacity of pile tip should be determined by single pile vertical compressive static load test rather than deep plate loading test.

Key words: Mindlin's displacement solution; deep plate loading test; single pile vertical compressive static load test; vertical displacement; finite element calculation; comparative analysis

#### 0 引言

据现行桩基规范[1],干作业挖孔桩(清底干 净),中密状态的卵石、碎石其极限端阻力标准值 $q_{nk}$ 可取 3300~5000 kPa, 密实状态可取值到 7000~ 11000 kPa,但从很多深层平板载荷试验的试验结果 中发现,即使是密实状态的卵石层,根据深层平板载 荷试验确定的极限端阻力标准值  $q_{ok}$  很难达到 4000 kPa以上,而在同一个试验场地,根据单桩竖向抗压 静载试验结果反算的极限端阻力标准值 que 却可以 达到 7000 kPa 以上。为此,本文根据 Mindlin 弹性 理论位移积分解,使用 ANSYS 软件建立两种载荷试 验有限元模型,通过具体算例对两种试验方法进行

对比分析,并与弹性理论位移解、工程实例进行比 较,从而得出一些有益于工程实践的结论,以供参

## 1 深层平板载荷试验的理论公式[2-6]

据现行《大直径扩底灌注桩技术规程》[2],桩端 下土体的沉降变形,可根据 Mindlin 位移解进行积 分求得。

假设地面以下深度 h 处有一圆形均布荷载作 用,圆半径为a,均布荷载大小为q,根据 Mindlin 位 移解在圆面积上进行积分可得在自地面以下任意深 g Z 处产生的竖向位移为:

收稿日期:2017-06-11;修回日期:2017-11-12

$$w_{z} = \frac{1 + \mu}{4(1 - \mu)} \cdot \frac{qa}{E} \left\{ \frac{(3 - 4\mu)a}{\sqrt{a^{2} + (Z - h)^{2}} + (Z - h)} + \frac{(Z - h)a}{\sqrt{a^{2} + (Z - h)^{2}} (\sqrt{a^{2} + (Z - h)^{2}} + (Z - h))} + \frac{(5 - 12\mu + 8\mu^{2})}{\sqrt{a^{2} + (Z + h)^{2}} + (Z + h)} + \frac{((3 - 4\mu)(Z + h)^{2} - 2hZ)a}{(Z + h)\sqrt{a^{2} + (Z + h)^{2}} + (Z + h)^{2} + (Z + h)^{2} + (Z + h)^{2}} + \frac{2hZ\{(a^{2} + (Z + h)^{2})^{2} + (a^{2} + (Z + h)^{2})(Z + h)^{2} + (Z + h)^{4}\}a}{(Z + h)(a^{2} + (Z + h)^{2})^{3/2} + (Z + h)^{2})^{3/2} + (Z + h)^{3}\}} \right\}$$

$$(1)$$

式中: $\mu$ ——土的泊松比;E——土的变形模量。

式(1)与现行勘察规范<sup>[4]</sup>计算土的变形模量公式式(2)是完全一致的,只是式(2)是为工程应用简化的计算公式,两者均为深层平板载荷试验的理论计算公式。

$$E_0 = \omega p d/s$$
 或  $s = \omega p d/E_0$  (2)  
式中: $E_0$ ——承压板形状系数; $\omega$ ——与试验深度和  
土有关的系数; $p$ —— $p - s$  曲线线性段的压力;  
 $d$ ——承压板直径; $s$ ——与 $p$  对应的压力。

因此式(1)或式(2)可与载荷板实测的竖向位 移进行比较,也可建立有限元计算模型,进行比较分析。

# 2 深层平板和单桩竖向抗压静载试验在同等受荷 条件下的有限元计算对比分析

为比较两种试验在同等受荷条件下(仅承受桩端阻力作用)的竖向位移差异,并与 Mindlin 位移解进行比较,以具体算例进行分析。

假设地面以下深度 20 m 处有一圆形均布荷载作用,圆半径为 0.4 m,均布荷载大小为 1000 kPa, 土层变形模量为 E=30 MPa,土的泊松比  $\mu=0.3$ ,将上述参数代入式(1),计算桩底端圆中心线下任意深度 h 处产生的竖向位移  $s_1$ ,计算结果列于表 1中。

将该计算模型输入到有限元计算软件,形成有限元计算模型 1。假定直径为 100 m、高为 100 m 的圆柱体为弹性半无限空间体,取其 1/4 空间对称模型进行分析。设定圆半径为 0.4 m,长 20 m 的圆柱体为桩体,桩体模量与土体模量相同,均为 E=30 MPa,泊松比  $\mu=0.3$ ,通过 Ansys 软件表面效应单元,在桩底端圆面积上施加竖向均布荷载。计算桩底端中心线下任意深度 h 处产生的竖向位移  $s_1$ ',计算结果也列于表 1 中。

在有限元计算模型 1 中,将圆半径为 0.4 m、长 20 m 的圆柱体去掉,并增加一个 0.2 m 厚刚性压板,其弹性模量值  $E_s=2\times10^5$  MPa,在刚性压板上施

加 1000 kPa 圆形均布荷载,得到深层平板载荷试验工作条件下的有限元计算模型(模型 2),如图 1 所示。模型 2 计算桩底端中心线下任意深度 h 处产生的竖向位移 s<sub>2</sub>,结果同样列于表 1 中。

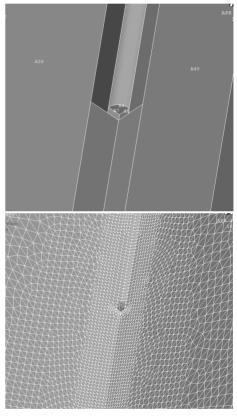


图 1 深层平板载荷试验工作条件下的有限元计算模型 2

在计算模型 1 中,将圆半径为 0.4 m、长 20 m 的圆柱体设置成桩体材料,桩体弹性模量  $E_s$  = 3 ×  $10^4$  MPa,桩体与土体完全粘结,不产生相对滑移,通过 Ansys 软件表面效应单元,在桩底端圆面积上施加大小为 1000 kPa 均布荷载,得到计算模型 3 (设定桩侧不受侧摩阻力作用,仅受桩端阻力作用)。模型 3 即为单桩竖向抗压静载试验工作条件下的有限元计算模型,其计算桩底端中心线下任意深度 h 处产生的竖向位移为  $s_3$ ,计算结果同样列于表 1 中。

表 1 桩底端中心线下任意深度 h 处产生的竖向位移

h/m	$s_1/\text{mm}$	<i>s</i> <sub>1</sub> ′/mm	s <sub>2</sub> /mm	s <sub>3</sub> /mm
0	11. 30	10. 95	7. 26	1. 59
2	1. 85	1. 83	1.60	0. 74
4	1.00	0. 98	0.95	0. 54
6	0.71	0. 69	0.67	0.44
8	0.56	0. 54	0.52	0.38
10	0.47	0.45	0.43	0. 34
12	0.40	0. 38	0.37	0.30
16	0.32	0.30	0. 29	0. 25
20	0. 27	0. 24	0. 23	0. 21

注: $s_1$ 一完全均质地基下的 Mindlin 弹性理论位移解; $s_1$ '一完全均质地基下的有限元位移解; $s_2$ 一有限元模拟深层平板载荷试验条件下的竖向位移; $s_3$ 一有限元模拟单桩竖向抗压静载试验条件下的竖向位移。

比较计算结果  $s_1$  和  $s_1$ ',可以发现:在桩底下 10 m 范围内,采用 Mindlin 弹性理论位移解和有限元位移解两种计算方法的结果误差在 5% 以内。理论上,通过调整单元网格, $s_1$ '可以无限接近  $s_1$ ,由于式(1)计算的是半无限空间弹性体,而有限元计算的仅是一直径为 100 m、高为 100 m 的圆柱体,因此两者存在一定的误差,但其精度足以满足工程需要,也可证实本文有限元计算模型的正确性。

再分析表 1 中数据,实际载荷试验工作中,一般 只关注载荷板中心点的竖向位移,即桩底端中心点 的竖向位移。从表 1 可看出,在桩底端中心点竖向 位移  $s_1$  是  $s_3$  的 7. 1 倍,  $s_2$  是  $s_3$  的 4. 6 倍,它们的比 值随着深度的增加逐渐减小。桩底端中心点位移  $s_1$ 是  $s_3$  的 7. 1 倍,说明在同等受荷条件下,完全柔性 均质地基的竖向位移是桩基础的 7. 1 倍。 $s_2$  是  $s_3$ 的 4. 6 倍,说明在同等受荷条件下深层平板载荷试 验的竖向位移是单桩竖向抗压静载试验的 4. 6 倍。

以下就有限元方法模拟两种试验条件下的受力 机理做进一步的分析探讨。深层平板载荷试验的工 作条件为桩孔开挖后,在桩底刚性承压板上施加外 荷;单桩竖向抗压静载试验的工作条件为桩孔开挖 浇筑混凝土成桩后,通过有限元软件表面效应单元, 直接在桩端底面上施加外荷。有限元模拟两种试验 条件时的加荷条件相同,都是在桩端底面上施加外 荷,加荷位置与大小一样。两者的区别在于深层平 板载荷试验时,由于桩孔开挖,会产生开口效应,在 桩底刚性承压板施加荷载时,承压板边缘的土体会 侧向挤出。图 2 为有限元模拟深层平板载荷试验, 节点竖向位移计算结果云图,从图中可看出,承压板 附近桩孔周围土体受承压板下土体的向下牵拉作用,孔壁土体向孔径方向产生位移,导致孔径收缩,从而导致承压板下土体进一步产生位移。当桩孔浇筑混凝土成桩后,桩体可抑制孔径收缩,从而抑制桩端下土体产生位移,同时也能抑制桩端边缘的土体从侧向挤出,因而在同等加荷条件下,单桩竖向静载试验产生的竖向位移会小得多。

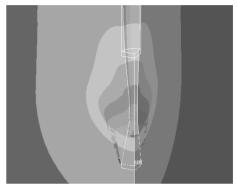


图 2 深层平板载荷试验工作条件下的土体竖向变形云图

综上分析认为,桩孔开挖产生的开口效应是导 致两种试验结果产生较大差异的主要原因。

## 3 桩径对两种试验方式产生的竖向位移比值影响 分析

对上述计算模型,笔者通过改变桩长、桩径建立 多种有限元模型进行计算。结果发现,桩长对于两 种试验方式产生的竖向位移比值变化不大,但桩径 对于两者的比值影响较大,以下就具体算例对桩径 产生的影响进行分析。

假设地面以下深度 20 m 处有一圆形均布荷载作用,圆直径分别为 0.8、1.2、1.6、2.0 m,均布荷载大小为 1000 kPa,土层变形模量为 E=30 MPa,土的泊松比  $\mu=0.3$ ,建立有限元计算模型,分别计算深层平板和单桩竖向静载试验模型桩底端表面中心点竖向位移列于表 2 中。

表 2 桩径对两种试验条件下的竖向位移比值的影响

桩直径/m	$s_2/\text{mm}$	s <sub>3</sub> /mm	$s_2/s_3$
0. 8	7. 26	1. 59	4. 6
1. 2	12. 72	3. 03	4. 2
1.6	18. 17	4. 90	3. 7
2. 0	22. 81	7. 12	3. 2

分析表 2 计算结果,可以发现,深层平板载荷试验与单桩竖向抗压静载试验,在同等受荷条件下的竖向位移比值随着桩径的增大而减小,在常规桩径

0.8~2.0 m 范围,两者的比值为3.2~4.6。

#### 4 两种试验的工程实例对比

拟建场地位于某市江北片区,地貌单元属汉江 左岸二、三级阶地。勘察期间未见地下水,基桩采用

人工挖孔灌注桩,设计桩径 0.80 m,桩端扩大头直径 1.50 m,桩长 10.0~15.0 m,桩端进入⑤层卵石层,桩端阻力极限值为 3200 kPa,单桩竖向抗压极限承载力 7000 kN。地基土岩性及性能见表 3。

表 3 地基土岩性及工程性能

层号	土层名称	层厚/m	特 征 描 述
2	粉质粘土	0. 30 ~ 13. 80	上部为褐黄色,下部为浅黄色,硬塑,稍湿,低压缩性,干强度和韧性中等,刀切面光滑。下部普遍含钙
			质结核,约占总量的3%~5%。局部夹有粘土透镜体
3	卵石	3. 00 ~ 11. 90	杂色,中密一密实,磨圆好,呈浑圆状或扁圆状,级配良好,粒径多在2~15 cm,母岩以灰岩、砂岩、硅质
			岩为主,多为硬质岩石,微风化,空隙间充填圆砾石和砂。卵、砾、砂三者含量比大约为6:2:2
4	砾砂	0.30 ~10.20	灰白色,中密,砂主要由石英、长石组成,砾石多为石英岩,硅质岩。砾石与砂的比为4: 6,磨圆度中等
(5)	卵石	30 ~ 130	灰白色,中密一密实,砂质紧密胶结,半成岩,孔壁较完整,属于坚硬土层。磨圆度好,易分选,母岩以
			灰岩、砂岩和硅质岩组成,卵、砾、石三者含量比为5:3:2,层间夹粗砂、砾砂和泥岩透镜体或条带

为确定桩端⑤层卵石层极限桩端阻力并验证工程桩单桩竖向抗压承载力特征值是否满足设计要求,在本小区共进行了7处深层平板载荷试验和7处单桩竖向抗压静载试验,将试验结果列于表4和表5中。

表 4 深层平板载荷试验结果

TOTAL I MAN IN MATERIAL				
工程桩编号	最大加 载/kPa	最大加载对应 的沉降量/mm	1830 kPa 对应 的沉降量/mm	2540 kPa 对应 的沉降量/mm
T1		35. 34	9. 95	15. 31
T2		53. 21	13.71	23. 95
Т3		38. 51	10. 29	16. 98
T4	4000	43. 34	12. 95	19. 66
T5		25. 70	9. 50	14. 63
T6		23. 32	8. 86	13. 27
T7		27. 87	11. 21	17. 50
平均值		35. 33	10. 92	17. 33

表 5 单桩竖向抗压静载试验结果

工程桩 编号	最大加 载/kN	最大加载对应 的沉降量/mm	桩身压缩变 形量/mm	桩端土沉 降量/mm
T1		6. 27	3. 10	3. 17
T2		7. 32	3. 10	4. 22
T3		5. 60	3. 10	2. 50
T4	7000	5. 89	3. 10	2. 79
T5		5. 15	3. 10	2.05
T6		3. 94	3. 10	0.84
T7		4. 37	3. 10	1. 27
平均值		5. 51	3. 10	2. 41

本小区工程桩桩长 10~15 m,为摩擦端承桩,两种试验非完全同等条件,需要扣除摩擦力对桩端沉降产生的影响。据勘察报告,桩侧主要地层为④层砾砂,该层土侧摩阻力标准值为 100 kPa,据此计算桩侧摩擦阻力范围为 2510~3770 kN,则桩端阻

力范围值为 3230~4490 kN, 反算扩底端桩端阻力范围为 1830~2540 kPa。据表 4 深层平板载荷试验结果,1830~2540 kPa 荷载作用下对应的沉降量范围值为 10.92~17.33 mm;据表 5 单桩竖向抗压静载试验,扣除侧摩阻力桩端相应荷载作用为 1830~2540 kPa,扣除桩身压缩变形其对应的桩端土沉降量范围值为 0.84~4.22 mm,平均沉降量 2.41 mm。比较两种试验结果,深层平板载荷试验与单桩竖向抗压静载试验,在同等受荷(仅受桩端阻力作用)条件下的竖向沉降均值之比值达到 4.5~7.2 倍。当桩径为 0.8 m,根据上文有限元分析方法,两种试验方法产生的竖向位移比值达到 4.6 倍,具体工程实例与有限元数值计算都证实了两种试验方法产生的差异。

据表 4 深层平板载荷试验结果,桩端承载力特征值可取 s/d=0.015 所对应的荷载值,本工程可取  $s=0.015 \times 800=12$  mm 对应的荷载值,通过插值法可得 12 mm 对应的荷载均值为 1950 kPa,即桩端承载力特征值可取 1950 kPa。据表 5 单桩竖向抗压静载试验结果,扣除侧摩阻力,桩端荷载平均值为 2180 kPa,该荷载作用下桩端的沉降量均值为 2.41 mm,该值处于 p-s 曲线线性段初始阶段,据线性推算,10870 kPa 荷载作用下桩端的沉降量值可达 12.0 mm,即桩端承载力特征值可取 10870 kPa。因此单桩竖向抗压静载试验与深层平板载荷试验确定的桩端承载力比值达到 5.6 倍。

再根据本工程实例,将相关计算参数输入到有限元计算模型,进行有限元计算分析。据表4首先建立深层平板载荷试验有限元计算模型,桩径0.8

m,设计桩孔深 12.5 m,并在桩底设置 0.2 m 厚刚性 压板,其弹性模量值  $E_s = 2 \times 10^5$  MPa,在刚性压板上 施加 2180 kPa(取 1830 和 2540 kPa 的均值)的圆形 均布荷载,取土的泊松比μ=0.3。据表4中数据, 为使土的平均沉降量达到 14.13 mm (取 10.92 和 17.33 mm 的均值),经有限元程序反算,可得土层 变形模量为 E = 38 MPa。将所得土层变形模量 E =38 MPa 输入到单桩竖向抗压静载试验有限元计算 模型,单桩桩顶承受竖向荷载 7000 kN,桩长 12.5 m,桩径 0.8 m,扩底端直径为 1.5 m,经有限元程序 计算,在最大荷载 7000 kN 作用下对应的沉降量为 18.66 mm。与表5实测结果均值相比,两者比值达 到3.4倍。可见,深层平板载荷试验反算得出的变 形参数是不合适的,其试验结果不能真实反映单桩 竖向受力性能,根据其试验结果得出的桩端承载力 值也会小很多。

#### 5 结论

本文根据 Mindlin 理论弹性位移解,通过结合有限元算例,分析在同等荷载工作条件下深层平板和单桩竖向抗压静载试验的竖向位移差异。通过分析发现,在同等荷载工作条件下(仅受桩端阻力作用)深层平板与单桩竖向抗压静载试验产生的竖向位移的比值,随着桩径的增大而减小,在常规桩径

#### (上接第59页)

在井身结构设计上需要有所针对性,如有无复杂地层,漏失地层的厚度、深度,是否钻遇断层等。井身结构设计是否与地层情况相对应对钻井的成井与否息息相关,这就需要克服以往地勘类钻探"摸着石头过河"的习惯。了解地层情况之后再决定钻井结构、开次、各开次井深、表层套管和技术套管的直径、下深等,为后续钻进预留足够的井径空间。

(2)罗地1井在溶洞层段采用 S95 钻杆作为技术套管对孔壁进行隔离,具有高效、安全、省时的特点,在溶洞、掉块较多或易超径缩径的复杂地层中都是值得借鉴推广的。

#### 参考文献:

- [1] 易强忠,廖国平. 云南盐津页岩气调查盐津 1-2 井施工技术 [J]. 探矿工程(岩土钻掘工程),2016,43(7);68-75.
- [2] 索忠伟,王生.钻孔冲洗与护壁堵漏[M].北京:地质出版社, 2009;71-72.

0.8~2.0 m 范围内,两者的比值为 3.2~4.6 倍,具体工程实例发现两者的比值可达 4.5~7.2 倍。在同等受荷条件下,工程实例揭示两者确定的桩端承载力比值可达 5.6 倍。

因此,深层平板载荷试验的结果不能真实反应 单桩竖向受力性能,不能充分挖掘单桩竖向受力潜 能,从而造成一定的工程浪费,尤其是试桩,不应采 用深层平板载荷试验确定桩端承载力,而应采用单 桩竖向抗压静载试验确定承载力。本文的观点是否 正确,还需积累大量的工程资料证实,也希望同行专 家不吝赐教。

### 参考文献:

- [1] JGJ 94-2008,建筑桩基技术规范[S].
- [2] JGJ/T 225—2010,大直径扩底灌注桩技术规程[S].
- [3] Harry G. Poulos, Edward H. Davis. 孙幼兰译. 岩土力学弹性解 [M]. 江苏南京: 中国矿业大学出版社, 1990.
- [4] GB 50021—2001,岩土工程勘察规范(2009年版)[S].
- [5] 顾宝和,周红,朱小林,等. 深层平板静力载荷试验测定土的变形模量[J]. 工程勘察,2000,(4):1-2,6.
- [6] 岳建勇,高大钊,等.再论"深层平板静力载荷试验测定土的变形模量"[J].工程勘察,2002,(1):8-10,28.
- [7] 编委会. 工程地质手册(第四版)[M]. 北京: 中国建筑工业出版社,2006.
- [8] 高广运,蒋建平,顾宝和,等. 两种静载试验确定大直径扩底桩 竖向承载力[J]. 地下空间,2003,23(3):272-276.
- [3] 乌效鸣. 复杂地层钻井液技术[R]. 2010.
- [4] 郑克清. 复杂地层钻探护壁堵漏工艺研究与应用[D]. 湖南长沙:中南大学,2012.
- [5] 米合江,张飞. 新疆页岩气调查井准页 2 井钻井施工技术及问题探讨[J]. 探矿工程(岩土钻掘工程),2015,42(11);25-30.
- [6] 孙孝刚, 卢忠友, 邓鹏. 贵州页岩气班竹 1 井钻进施工实践 [J]. 探矿工程(岩土钻掘工程),2016,43(7):84-88.
- [7] 蒋国盛,王荣璟.页岩气勘探开发关键技术综述[J].探矿工程(岩土钻掘工程),2013,40(1);3-8.
- [8] 张鸿飞. 深部找矿钻探施工工艺与方法[J]. 探矿工程(岩土钻掘工程),2012,39(10);26-31.
- [9] 翟育峰,仲崇龙,刘峰,等. 羌塘盆地羌资—14 井钻探施工技术 [J]. 探矿工程(岩土钻掘工程),2016,43(7):92-95.
- [10] 张永生. 钻井施工手册[M]. 北京:煤炭工业出版社,2010.
- [11] 谭千钟. 湘中页岩气调查(参数) 井施工工艺[J]. 西部探矿工程,2016,(3):54-56.
- [12] 王建华,刘杰,张进.页岩气开发钻完井技术探讨[J].探矿工程(岩土钻掘工程),2015,42(10);1-5.
- [13] 马振峰,于小龙,闫志远,等. 延页平 3 井钻完井技术[J]. 石油钻采工艺,2014,36(3):23-26.
- [14] 陶士先. 复杂地层泥浆护壁与堵漏[R]. 2014.
- [15] 宋继伟,李勇. 贵州页岩气调查井施工工艺[J]. 探矿工程(岩 土钻掘工程),2013,40(8);26-30.