同轴双向回转钻进破岩效率研究

曹彦伟,李 谦*

(成都理工大学环境与土木工程学院,四川成都 610051)

摘要:国内外相关研究均显示同轴双向回转可有效降低钻具振动和提高破岩效率,但双向回转相对传统单向回转 的钻进效率的提升水平研究较少。据此,本文建立双向回转钻头以及单向回转钻头与岩石相互作用的有限元模 型,以破岩比功作为评价指标量化比较分析了2种钻头的破岩效率。通过定义双向钻头内外壁尺寸差、内外钻头的 间隙、内钻头壁厚与双向钻头内外壁尺寸差之比、内外钻头转速比和内外钻头底部高度差5种核心参数,并设计正 交试验完成了仿真分析。结果显示,内外钻头高度差与内外钻头间隙对于破岩比功影响比较小,内外钻头尺寸差、 内外钻头转速比和内钻头壁厚与双向钻头内外尺寸差之比对破岩比功影响显著。

关键词:双向回转钻进;钻进仿真;正交试验设计;破岩比功

中图分类号:P634 文献标识码:A 文章编号:2096-9686(2021)S1-0070-09

Research on rock-breaking efficiency of coaxial contra-rotary drilling

CAO Yanwei, LI Qian *

(College of Environment and Civil Engineering, Chengdu University of Technology, Chengdu Sichuan 610051, China) Abstract: Related research at home and abroad have shown coaxial contra-rotary drilling can effectively reduce drilling tool vibration and improve the rock breaking efficiency. There are few researches on the improvement level of drilling efficiency of coaxial contra-rotary drilling compared with traditional drilling. In view of the above, the finite element model of interaction between coaxial contra-rotary bit and rock is established and the finite element model of interaction between conventional bit and rock is established. The rock breaking efficiency of the two kinds of drill bits is compared quantitatively with rock breaking specific work as evaluation index. The orthogonal experiment is designed by defining five core parameters, the size difference between the inner and outer wall of the coaxial contra-rotary bit, the gap between the inner and outer wall of the coaxial contra-rotary bit, the ratio of the inner and outer wall thickness to the size difference between the inner and outer wall of the coaxial contra-rotary bit, the rotating ratio of the inner bit and outter bit and the bottom height difference of the inner and outer bit. The simulation analysis is completed according to the orthogonal experiment. The result show that the height difference between the internal and external bit and the internal and external bit clearance have little influence on the rock breaking specific work, while the size difference between the inner and outter bit, the rotating ratio of the inner and outter bit and the ratio of the wall thickness of the inner bit to the size difference between the inner and outer wall of the coaxial contra-rotary bit have significant influence on the rock breaking specific work.

Key words: contra-rotary drilling; drilling simulation; orthogonal experimental design; mechanical specific energy of rock breaking

CAO Yanwei. Research on rock-breaking efficiency of coaxial contra-rotary drilling[J]. Drilling Engineering, 2021,48(S1):70-78.

收稿日期:2021-05-31 **DOI:**10.12143/j.ztgc.2021.S1.011

基金项目:自然资源部深部地质钻探技术重点实验室开放课题"深部钻探双向回转结构及机理研究"(编号:KF201809);岩土钻掘与防护教育 部工程研究中心开放课题"钻头同轴双旋结构对钻柱的振动影响分析"(编号:201904)

作者简介: 曹彦伟, 男, 汉族, 1996年生, 土木工程专业, 硕士研究生, 从事双向回转结构机理研究工作, 四川省成都市成华区二仙桥东三路1号, 1666288258@qq.com。

通信作者:李谦,男,汉族,1987年生,讲师,地质资源与地质工程专业,博士,从事钻井智能化分析与应用研究工作,四川省成都市成华区二仙桥东三路1号,liqian2014@cdut.edu.cn。

引用格式: 曹彦伟. 同轴双向回转钻进破岩效率研究[J]. 钻探工程, 2021, 48(S1): 70-78.

0 引言

大量的钻探试验及现场分析已经表明,钻柱振 动是影响机械钻速和切削效率最为显著的因素之 一。随着钻杆柱的长度加长,在巨大的反扭力作用 下钻柱会变成螺旋状同时在回转中钻柱与井壁碰撞 摩擦和交变荷载作用极易产生振动使钻杆柱提前损 坏,导致井内事故的发生。除此之外,振动也会引起 能量的浪费,使驱动能量不能直接作用在切削岩石 上,间接地增加了能量的消耗。若能降低甚至抵消 钻头与地层摩擦产生的反扭力,使钻进过程中钻柱 的扭矩趋于稳定,便可降低振动并将更多的回转和 给进能量传递到钻头用以提高破岩效率。在航空、 潜水领域的共轴双旋翼直升机和对转螺旋桨推进器 都采用了扭矩平衡的原理[1-3]。澳大利亚南极局科 学部门制造了一种冰层浅孔取心用的双管机械钻 具,钻具通过电机驱动内外管旋转方向相反,在钻进 时上部钻具回转力矩几乎为零[4]。陈鹏等介绍了一 种可抵消钻柱所受扭矩的井下钻具,该钻具利用电 机驱动两个圆锥齿轮沿相反转动,电机所承受的扭 矩大小相等方向相反,减小钻杆所受扭矩^[5];日本相 关团队制造出一种用于岩土工程勘察的小型挖掘机 器人,该机器人使用两个钻头,两个钻头向相反的方 向旋转,可以抵消来自土壤的反作用力,扭矩保持恒 定^[6];Southard钻井公司研发的行星钻头驱动器采 用了两个同心反向旋转的钻头,能够有效地消除钻 进产生的反扭矩[7-9]。高红通通过有限元软件对单、 双钻头回转碎岩进行动态受力分析得到双钻头钻进 可增加更多的岩石自由面且钻进效率大于单钻头, 并使用自平衡钻具进行人造地层室内试验得到双钻 头能够减少对岩石的扰动^[10]。

相关理论与试验已经证明双向回转效率优于单 向回转,但目前还没有针对双向回转钻头钻进效率 的量化影响分析以及影响钻进效率的关键影响因 素。因此,本文使用正交试验方法用有限元分析软 件分别对单向回转钻头和双向回转钻头回转钻进破 碎岩石的过程进行一系列数值模拟,通过仿真数据 确定了内外钻头尺寸参数对双向回转钻进效率的 影响。

1 钻头-岩石有限元模型的建立

 1.1 岩石本构模型的建立与验证 为保证数值仿真的正确性,需要在模拟前对岩 石材料进行准确定义。岩石受力先后经过弹性阶段、塑性硬化,达到强度极限后,刚度逐渐降低,岩石进入渐进损伤阶段,当岩石塑性应变达到完全失效时的等效塑性应变时,岩石单元从岩石体中剥落。因考虑了中间主应力的影响,选择Drucker-Prager模型来定义岩石的塑性本构关系。采用线性渐进损伤描述岩石材料的损伤过程,判据^[11]如式(1)所示,当损伤变量*d*=0时认为岩石硬化阶段结束,岩石开始进入刚度降低阶段,当*d*=1时岩石失效,岩石单元从有限元模型中移除,采用完全失效时的有效塑性位移作为直接的材料失效参数。据此,模型材料的参数如表1所示。

$$\begin{cases} \varepsilon^{p} \leqslant \varepsilon_{f}^{pl} \\ d = \frac{L\varepsilon^{pl}}{u_{f}^{pl}} = \frac{u^{pl}}{u_{f}^{pl}} \end{cases}$$
(1)

式中:*d* → 材料损伤变量,无量纲,0 ≤ *d* ≤1;*L* → 有限元网格特征长度,mm;ε^p → 岩石的等效塑性 应变;ε^{pl} → 岩石完全失效时的等效塑性应变;*u^{pl}* → 丧失刚度时的有效塑性位移,mm;*u^{pl}* → 有效 塑性位移,mm。

表1 材料物理参数

模型	密度/	弹性模	がた	内摩擦	剪胀角/
材料	$(kg \cdot m^{-3})$	量/GPa	伯松比	角/(°)	(°)
泥岩	2515	24.78	0.19435	49.3	49.3
钻头	3485	860.07	0.0768		

根据单轴试验所用高径比为2的标准泥岩岩心 进行了几何建模,并应用以上的弹塑性损伤本构模 型和显式动力学算法,建立与室内单轴试验同尺度 的有限元模型如图1所示。划分单元总数为57800, 单元类型为六面体八结点减缩积分单元(C₃D₈R), 设定试样底部完全固定,轴向位移由刚体钢板施加, 钢板位移给定2mm,仿真时间为0.2s。模拟应变 曲线和与试验获得的应变曲线对比如图2所示,可 知本文基于Drucker-Prager模型建立的本构模型能 够较为准确地反映无围压条件下的力学特征。

1.2 有限元模型的建立

1.2.1 模型阐述

双向钻头内外钻头的尺寸参数包括内/外钻头 壁厚、内/外钻头底部高度差和双向钻头内外壁尺寸 之差;钻进参数设置包括钻速和内/外钻头转速。为



图1 单轴压缩试验有限元模型网格划分与边界条件设置

准确分析钻头结构对钻进效率的影响,本文选择双向回转钻头的内外尺寸差A,内钻头与外钻头的间隙B,内钻头壁厚与双向钻头内外尺寸差之比C,内外钻头的转速比D,内外钻头底部高度差E,作为正交试验设计的因素。模拟模型如图3所示。在保证一定模拟效率、精度和不影响岩石受力的前提下,对模型进行一定程度简化^[12]:

(1)模拟过程中将两种钻头模型视为刚体,忽略



钻头在钻进过程中的变形;

(2)不考虑围压的作用;

(3)将岩体视为连续、均匀、各向同性的介质,不 考虑温度对岩石的影响:

(4)当岩石单元失效后即从岩石体中删除,忽略 其失效后对后续破岩的影响;

(5)为了提高研究效率,钻头仿真模型只包括下 端的钻头体以及胎体部分。



图3 钻头基本三视图

1.2.2 网格划分

网格划分如图4所示。钻头模型采用六结点母 性三棱柱单元(C₃D₆)扫掠划分网格,网格尺寸大小 为2mm。对岩体模型采用六面体八结点减缩积分 单元(C₃D₈R)按进阶算法扫掠划分网格,为使仿真 结果尽可能准确并降低计算量节约仿真时间,使岩 体模型与钻头接触部分网格密集,非接触部分网格 松散,网格密集处尺寸大小为1.9mm,网格松散处 尺寸大小为5mm。



(a)双向钻头-岩石网格划分



(b)单向钻头-岩石网格划分

图4 钻头-岩石网格划分模型

1.2.3 边界条件

边界条件的设置如图5所示,对岩石模型的底 面施加完全固定,将两种钻头均设为刚体并分别固 定在参考点上。基于各自的参考点,定义双向钻头 与单向钻头各自在钻头轴线(z轴)上的钻速以及转 速。由于转速设置过大会致使模拟结果中岩石的破 碎坑直径变大,而出现双向钻头外钻头与岩石无法 接触的问题,故设置的钻头转速比正常岩心钻探规 定的转速稍低,设单向回转钻头与双向回转钻头的 外钻头均以150 r/min的转速绕钻头的轴线转动,同 时双向回转内钻头的转速设定为外钻头的倍数。结 合实钻参数,使两种钻头都以28.8 m/h的速度垂直 向下破岩。设定钻头与岩石间的接触类型为通用接 触,通用接触可以判别岩石网格不断变化而重新生 成的接触表面,钻头与岩石的摩擦系数设置为 0.3^[13]。仿真时间设置为2.24 s。

1.3 正交试验方案

为准确分析设定的5个因素对钻进效率的影 响,设计正交试验进行仿真模拟。考虑因素数量、水 平数量与试验次数的协调,每个因素设置两个水平, 双向钻头内外壁尺寸差A参数范围设定为48~152 mm,取48mm和74mm两个水平,其中,内外钻头 间隙B参数范围设定为1~10 mm,取1 mm和5.5



mm两个水平;内钻头壁厚与双向钻头内外尺寸差 之比参数范围设定为20%~80%,取30%和45% 两个水平:内外钻头高度差参数范围设定为0~30 mm,取15mm和30mm两个水平。各参数列表如 表2所示。在不确定交互作用的条件下,试验设计 中需要加入5个因素可能存在的10个交互作用A× $B_A \times C_A \times D_A \times E_B \times C_B \times D_B \times E_C \times D_A$ $C \times E_{D} \times E_{t}$ 故自由度总和为15,选用L₁₆(2¹⁵)正交 试验分析表[14],试验设计方案如表3所示。

图5 钻头边界条件设置

表2 设计正交试验因素-水平

水平	因素 A	因素 B	因素 C	因素 D	因素 E
1	48	1	0.3	1.2	15
2	74	5.5	0.45	1.8	30

试验	A	В	$A \times B$	С	$A \times C$	$B \times C$	$D \times E$	D	$A \times D$	$B \times D$	$C \times E$	$C \times D$	$B \times E$	$A \times E$	Ε
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
3	1	1	1	2	2	2	2	1	1	1	1	2	2	2	2
4	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2	1	1	1	1
5	1	2	2	1	1	2	2	1	1	2	2	1	1	2	2
6	1	2	2	1	1	2	2	2	2	1	1	2	2	1	1
7	1	2	2	2	2	1	1	1	1	2	2	2	2	1	1
8	1	2	2	2	2	1	1	2	2	1	1	1	1	2	2
9	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2
10	2	1	2	1	2	1	2	2	1	2	1	2	1	2	1
11	2	1	2	2	1	2	1	1	2	1	2	2	1	2	1
12	2	1	2	2	1	2	1	2	1	2	1	1	2	1	2
13	2	2	1	1	2	2	1	1	2	2	1	1	2	2	1
14	2	2	1	1	2	2	1	2	1	1	2	2	1	1	2
15	2	2	1	2	1	1	2	1	2	2	1	2	1	1	2
16	2	2	1	2	1	1	2	2	1	1	2	1	2	2	1

表3 试验设计方案

2 试验结果与分析

基于设定的边界条件与试验参数,对16组试验 均进行了时长2.24 s的2种钻头的破岩过程显式动 力学仿真,得到了岩石破碎仿真模拟数据,以第一组 试验结果为例进行展示如图6所示。



图6 各个时刻岩石应力云图(单位:MPa)

2.1 钻压与扭矩

以第一组试验为例展示2种钻头钻进过程中轴 向荷载及扭矩随时间的变化趋势如图7所示。从图 中可以看出,随着岩石发生体积破碎,钻头载荷是循 环跳跃变化的。当2种钻头与岩石接触时,由于双 向回转钻头的内外钻头具有一定高度差,单向回转 钻头与岩石的接触面积大于双向回转内钻头,故破 碎岩石时所需要的最大轴向载荷和最大切向载荷也 同样大于双向回转钻头,故单向回转钻头波动幅度 明显较剧烈。 计算各组试验中两种钻头钻进过程中的平均钻 压与平均扭矩如图8所示。由于单向回转钻头只需 取心直径、钻头外径两个参数与双向回转钻头保持 一致,而前8组试验双向钻头内外钻头尺寸差都为 48 mm,后8组试验内外钻头尺寸差都为74 mm,故 单向回转钻头只有两组不同的试验结果。单向钻头 各组平均钻压范围为112~181.7 kN;双向回转内钻 头各组平均钻压范围为0.13~53.5 kN。单向钻 头各组平均扭矩范围为1301.9~2574.9 N•m;双向



图 7 两种钻头钻进时钻压与扭矩随时间变化趋势

回转内钻头各组平均扭矩范围为 326.6~822.3 N· m: 双向回转外钻头各组平均扭矩范围为 22.6~ 1004.9 N·m。双向内钻头钻压值比单向钻头降低 57.7%~69.2%;双向外钻头钻压值比单向钻头降低 70.6%~99.9%;双向内钻头扭矩值比单向钻头降低 68.1%~74.9%;双向外钻头扭矩值比单向钻头降低 61%~98.3%;整体上看出各组试验钻进过程中单 向回转钻头钻进岩石所需的钻压与扭矩要明显大于 双向回转钻头。同时可见部分双向回转外钻头的钻 压值很小,是因为内钻头先接触岩石,岩石体积破碎 形成自由面使外钻头与岩石接触不上,降低了切削 反力。这在一定程度上也证明双向回转效率更高。





2.2 破岩比功计算与分析

从能量消耗的角度,岩石破碎比功可用以评价 钻头破岩效果的优劣。在同等条件下,破岩比功越 小说明钻头破岩效率越高。单位破岩比功被定义为 表示破碎单位体积岩石所需做的功,钻进过程中破 碎做功主要包括回转扭矩做功和给进力做功^[15]。其 中,回转扭矩做功等于扭矩乘以钻进所用时间内钻 头转动的角度,给进力做功等于钻压乘以钻进进尺, 二者相加除以破碎岩石的体积即可求得破碎比功, 如式(2)^[16]所示。经计算,各试验对应的破岩比功 仿真结果如表4所示。

$$MSE = \frac{W}{V} = \frac{f_h v_h t + f_n v_n t}{V} = \frac{f_h \omega_h t + f_n v_n t}{V} = \frac{T_h \omega_h t + f_n v_n t}{V}$$
(2)

式中:MSE——破碎比功,J/m³;W为功,J;V——破 碎岩石的体积,m³;f_h---切向力,N;v_h---钻头切 向速度; f_n——钻压, N; v_n——机械钻速, m/s; ω_h -角速度,rad/s;r---钻头半径,m;T_k---扭矩, Nm; θ ——钻头在钻进的时间内转的角度, rad; t -钻进总用时,s。

2种钻头的破岩比功随时间的变化及各组试验 平均破岩比功的比较如图9所示。从图9(a)、(b)两 图中可以看出各组试验破岩比功随时间的变化趋势

76	钻探工程							
		表 4	仿真试验获	得的破碎比功	对比(MPa)			
试验号	1	2	3	4	5	6	7	8
MSE双向	202.7	103.7	132.5	112.7	249.9	204.4	197.7	121.9
MSE单向	671.3	671.3	671.3	671.3	671.3	671.3	671.3	671.3
试验号	9	10	11	12	13	14	15	16
MSE双向	157.8	89.9	112.9	76.4	138.1	65.7	107.8	91.6
<i>MSE</i> 单向	250.4	250.4	250.4	250.4	250.4	250.4	250.4	250.4

大致相同,且不同时段破岩比功上下波动较大,单向 回转钻头的破岩比功的波动明显大于双向回转钻 头。图9(c)为各组试验的破岩比功的平均值,双向 钻头前八组*MSE*范围为103.7~249.9 MPa,单向钻 头为671.3 MPa,相对于前八组单向钻头*MSE*降低 62.8%~84.6%;后八组*MSE*范围为65.7~157.8 MPa,单向钻头为250.4 MPa,相对于后八组单向钻 头*MSE*降低37%~73.8%,可以看出16组试验条件 下双向钻头的*MSE*均低于单向钻头,在钻头内外尺 寸差为48 mm时的双向钻头对单向钻头*MSE*下降 百分比大于钻头内外尺寸差为74 mm的双向钻头 对单向钻头*MSE*下降百分比。



图 9 两种钻头的破岩比功随时间的变化及各组试验平均破岩比功的比较

2.3 参数间交互作用

为了比较各因素对破岩比功的影响大小并选取 最佳水平,用极差分析法分析试验得到的破岩比功 数据见表5、图10。 从表 5 和图 10 中可以看出,各因子极差大小顺
序为 A>D>C>A×B>B>C×D>E>A×C>
D×E>A×E>A×D>B×E>B×C>C×E>
B×D。可见,双向钻头内外壁尺寸差A、内外钻头

		表5极	差分析		
因素	K_{I}	K_2	k_1	k_2	R
A	1325.5	840.2	165.7	105	60.7
B	988.6	1177.1	123.6	147.1	23.6
$A \! \times \! B$	954.8	1210.9	119.4	151.4	32
C	1212.2	953.5	151.5	119.2	32.3
$A \times C$	1149.4	1016.3	143.7	127	16.6
$B \times C$	1073.1	1092.6	134.1	136.6	2.4
$D \! \times \! E$	1019.1	1146.6	127.4	143.3	15.9
D	1299.4	866.3	162.4	108.3	54.1
$A \! \times \! D$	1106.4	1059.3	138.3	132.4	5.9
$B \!\!\times\!\! D$	1089.5	1076.2	136.2	134.5	1.7
$C \!\!\times\!\! E$	1073.7	1092	134.2	136.5	2.3
$C\!\!\times\!\!D$	1151.1	1014.6	143.9	126.8	17.1
$B \!\!\times\!\! E$	1063.5	1102.2	132.9	137.8	4.8
$A \! \times \! E$	1125.2	1040.5	140.7	130.1	10.65
E	1150	1015.7	143.75	127	16.8



转速比D、内钻头壁厚与双向钻头内外壁尺寸差之 比C都比较重要,A、D、C都取二水平为好,即双向 钻头内外壁尺寸差应选74 mm、内钻头壁厚与双向 钻头内外壁尺寸差之比应选0.45、内外钻头的转速 比应选1.8。从图10中可以看出比较明显的交互作 用有A×B、D×E、A×C、C×D,交互作用的因素水 平不能随便选取,需要画出二元图来分析(见 图11)。

从A和B交互作用二元图中看应选A₂水平,从 图中可以看出交互作用的影响要明显小于A因素 的影响;从A和C交互作用二元图中看应选A₂、C₂ 水平;从D和E交互作用二元图中看应选D₂、E₂水 平;从C和D交互作用二元图中看应选C₂、D₂水平。 整体来看,双向钻头内外尺寸差A应选A₂水平,根 据B因素极差值及A和B交互作用二元图得出内外



图 11 不同因素交互作用二元图

钻头间隙应选B₁水平,内钻头壁厚与双向钻头内外 尺寸差之比应选C₂水平;内外钻头转速比应选D₂水 平;内外钻头高度差应选E₂水平,即A₂B₁C₂D₂E₂,双 向钻头内外壁尺寸差取74 mm,内外钻头间隙取1 mm,内钻头壁厚与双向钻头内外壁尺寸差之比取 0.45,内外钻头转速比取1.8,内外钻头高度差取30 mm。

3 结论

本文用数值模拟对双向回转钻头钻进效率进行 了量化影响分析研究,获得了如下结论:

(1)建立双向钻头、单向钻头与岩石相互作用的 有限元模型,仿真结果显示在相同的边界条件下双 向回转内钻头钻进时的钻压比单向钻头降低 57.7%~69.2%,外钻头钻进时的钻压比单向钻头降 低70.6%~99.9%;内钻头钻进时的扭矩比单向钻 头降低了68.1%~74.9%,外钻头钻进时的扭矩比 单向钻头降低了61%~98.3%;钻头破岩比功比单 向钻头降低了62.8%~73.8%,可以看出双向回转 钻头钻进时的扭矩和破岩比功均明显小于常规单向 回转钻。

(2)以破岩比功为钻头破碎岩石效率的评价指标,通过正交试验获知五个设计参数中双向回转钻头内外钻头底部高度差与内外钻头间隙对于破岩比

功影响比较小,内外钻头尺寸差、内外钻头转速比和 内钻头壁厚与双向钻头内外壁尺寸差之比对破岩比 功影响很显著。同时由试验结果得到了破岩比功最 小的双向回转钻头设计参数组合,即双向钻头内外 壁尺寸差为74 mm,内外钻头间隙为1 mm,内钻头 壁厚与双向钻头内外尺寸差之比为0.45;内外钻头 转速比为1.8;内外钻头高度差为30 mm。

参考文献:

- [1] 吕增岁.共轴双旋翼直升机旋翼/机体耦合动稳定性分析[D]. 南京:南京航空航天大学,2014.
- [2] 蔡昊鹏.水下机器人扭矩平衡式推进器研究[D].哈尔滨:哈尔 滨工程大学,2008.
- [3] 汤庆儒.同轴对转行星齿轮传动优化与有限寿命评价[D].重 庆:重庆大学,2012.
- [4] E. Wehrle. A shallow core-collecting mechanical ice drill [J]. Australian Glaciological Research, 1982–1983:196–201.
- [5] 陈鹏,银进,康博,等.新型无扭矩井下电动钻具设计[J].科技 创新与应用,2014(5):44.
- [6] Abe R, Kawamura Y, Kamijima K, et al. Performance evalua-

tion of contra-rotating drill for DIGBOT [C]// Proceedings of SICE Annual Conference, 2010.

- [7] Southard R C. New assembly drills without reactive torque[C]// SPE/IADC Drilling Conference, 2007.
- [8] 陈勇,陈若铭,张兴国,等.PDC钻头反扭矩分析及控制技术 [J].石油矿场机械,2010,39(5):59-61.
- [9] 戴金岭,温林荣,何育光,等.无反扭矩钻井装置和扭矩平衡分析[J].石油钻探技术,2008,36(1):53-56.
- [10] 高红通.双向回转条件下钻头碎岩过程分析与试验[D].长春: 吉林大学,2019.
- [11] 李海.扭转冲击作用下PDC切削齿破岩数值模拟研究[D].成都:西南石油大学,2014.
- [12] 张强,刘峻铭,顾颉颖,等.不同卸荷工况下岩石钻孔破碎特性 研究[J].应用力学学报,2019,36(3):727-733.
- [13] 马亚超.基于切削齿动态磨损的PDC钻头侧向力平衡分析与 布齿优化设计[D].成都:西南石油大学,2017.
- [14] 何为,唐斌,薛卫东.优化试验设计方法及数据分析[M].北 京:化学工业出版社,2012.
- [15] 吴海东.高温条件下金刚石钻头钻进实验研究[D].长春:吉林 大学,2017.
- [16] 祝效华,李海.PDC切削齿破岩效率数值模拟研究[J].应用基础与工程科学学报,2015,23(1):182-191.